

28. Nagy László Fizikaverseny
Szalézi Szent Ferenc Gimnázium, Kazincbarcika
2013. február 28. – március 1.

J a v í t ó k u l c s

11. osztály

1. feladat

a) A test rezgőmozgásának ott van az egyensúlyi helyzete, ahol a testre ható erők eredője zérus. 2 pont

Ez ott van, ahol a rugónak se összenyomódása, se megnyúlása sincs. 1 pont

Azaz a kialakuló rezgés amplitúdója $A = 0,1$ m. 2 pont

(Ha az egyensúlyi helyzeten átlendül, akkor a rugó már megnyúlik, és a rezgés másik szélső helyzete az egyensúlyi helyzettől ismét 0,1 méterre van.)

A rezgés körfrekvenciája $\omega = \frac{2 \cdot \pi}{T} = 20$ 1/s ; 3+1 pont

ennek négyzete: $\omega^2 = 400$ 1/s² 1 pont

A legnagyobb gyorsulás: $a_{max} = A \cdot \omega^2 = 0,1 \text{ m} \cdot 400 \text{ 1/s}^2 = \mathbf{40 \text{ m/s}^2}$ 2 +1 pont

b) A rezgésidő képlete: $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{D}}$ 2 pont

Ebből a rezgő test tömege: $m = \frac{D \cdot T^2}{4 \cdot \pi^2}$ 3 pont

Így $m = \frac{30 \cdot 0,314^2}{4 \cdot 3,14^2} = \mathbf{0,075 \text{ kg}}$ 2 pont

Összesen: 20 pont

28. Nagy László Fizikaverseny
Szalézi Szent Ferenc Gimnázium, Kazincbarcika
2013. február 28. – március 1.

J a v í t ó k u l c s

11. osztály

2. feladat

- a) Mivel mind a két esetben taszítás lép fel, ezért a gömbök töltéseinek előjele biztosan megegyező! 1 pont

Írjuk fel Coulomb törvényét mind a két esetre!

1. eset: $F_1 = k \cdot \frac{Q_1 \cdot Q_2}{r^2}$; ahol $F_1 = 8,4375 \cdot 10^{-7}$ N és $r = 0,4$ m 1 pont

Ebből $Q_1 \cdot Q_2 = (8,4375 \cdot 10^{-7} \text{ N} \cdot 0,16 \text{ m}^2) : 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$ 1 pont

$Q_1 \cdot Q_2 = 1,5 \cdot 10^{-17} \text{ C}^2$

Az azonos méret miatt összeérintés után mind a két fémgömbnek ugyanakkora nagyságú töltése lesz: $\frac{Q_1 + Q_2}{2}$ 2 pont

2. eset: $F_2 = k \cdot \frac{(Q_1 + Q_2)^2}{2 \cdot r^2}$; $F_2 = 9 \cdot 10^{-7}$ N és $r = 0,4$ m 1 pont

Ebből $(Q_1 + Q_2)^2 = (4 \cdot 0,16 \text{ m}^2 \cdot 9 \cdot 10^{-7} \text{ N}) : 9 \cdot 10^9 \text{ C}^2$

Azaz $(Q_1 + Q_2)^2 = 6,4 \cdot 10^{-17} \text{ C}^2$; és $Q_1 + Q_2 = 8 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ 1 pont

Meg kell oldani ezt a kétismeretlenes egyenletrendszer, ami egy másodfokú egyenletre vezet:

Például az utóbbi félkövér betűkkel írt eredményből $Q_2 = 8 \cdot 10^{-9} \text{ C} - Q_1$ 1 pont

Ezt az első félkövér formulába helyettesítve

$Q_1 \cdot (8 \cdot 10^{-9} \text{ C} - Q_1) = 1,5 \cdot 10^{-17} \text{ C}^2$

A műveleteket elvégezve, az egyenletet nullára rendezve a 2 pont

$Q_1^2 - 8 \cdot 10^{-9} \text{ C} \cdot Q_1 + 1,5 \cdot 10^{-17} \text{ C}^2 = 0$ másodfokú egyenlethez jutunk.

Ennek két valós gyöke van: $Q_1' = 5 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ és $Q_1'' = 3 \cdot 10^{-9} \text{ C}$

Ha visszahelyettesítjük valamelyik egyenletbe, $Q_2' = 3 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ és $Q_2'' = 5 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ adódik. 2 pont

Tehát a két pontszerűnek tekinthető fémgömbök eredeti töltései

$Q_1 = 5 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ és $Q_2 = 3 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ voltak. 1 pont

- b) A Q_1 töltéstől 0,2 m távolságban a téresősség $E_1 = k \cdot \frac{Q_1}{r^2} = 1,125 \cdot 10^3 \text{ N/C}$, és a Q_2 töltés felé mutat. 2 pont

A Q_2 töltéstől 0,2 m távolságban a téresősség $E_2 = k \cdot \frac{Q_2}{r^2} = 6,75 \cdot 10^2 \text{ N/C}$, és a Q_1 töltés felé mutat. 2 pont

E két téresősség szuperpozíciója lesz az adott pontban a téresősség, s mivel 1 pont

$E_1 > E_2$, és ellentétes irányba mutatnak, a téresősség nagysága

$E = E_1 - E_2 = 4,5 \cdot 10^2 \text{ N/C} = 450 \text{ N/C}$, és a Q_2 töltés felé mutat. 2 pont

Összesen: 20 pont

28. Nagy László Fizikaverseny
Szalézi Szent Ferenc Gimnázium, Kazincbarcika
2013. február 28. – március 1.

J a v í t ó k u l c s

11. osztály

3. feladat

- a) A szánkóra ható csúszási súrlódási erő

$$F_s = \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \alpha = 0,05 \cdot 80 \cdot 10 \cdot \cos 15^\circ = \mathbf{38,64 \text{ N}} \quad 2+1 \text{ pont}$$

- b) A szánkó addig gyorsul, amíg a rá ható erők eredője zérus nem lesz.

Ez azt jelenti, hogy lejtőirányban a nehézségi erő és a lejtőre merőleges 1 pont

támasztóerő eredője ($m \cdot g \cdot \sin \alpha$) és a csúszási súrlódási erő, valamint a 2 pont

légellenállási erő előjeles összege ($\mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \alpha + k \cdot v_{max}^2$) nullát ad.

$$m \cdot g \cdot \sin \alpha = \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \alpha + k \cdot v_{max}^2 \quad 2 \text{ pont}$$

$$207,06 \text{ N} = 38,64 \text{ N} + k \cdot v_{max}^2 \quad 1 \text{ pont}$$

Azonban k értékét ki tudjuk számítani a feladat szövegében megadott 2 pont
adatokból: $0,8 \text{ N} = k \cdot 4 \text{ m}^2/\text{s}^2$

$$\text{Ezért } k = 0,2 \text{ N} \cdot \text{s}^2/\text{m}^2 \quad 1 \text{ pont}$$

Ezt behelyettesítve az utolsó egyenletbe:

$$207,06 \text{ N} = 38,64 \text{ N} + 0,2 \text{ N} \cdot \text{s}^2/\text{m}^2 \cdot v_{max}^2 \quad 2 \text{ pont}$$

$$168,42 \text{ N} = 0,2 \text{ N} \cdot \text{s}^2/\text{m}^2 \cdot v_{max}^2 \quad 1 \text{ pont}$$

$$842,1 \text{ m}^2/\text{s}^2 = v_{max}^2$$

$$\text{Így } v_{max} = 29 \text{ m/s}$$

Tehát a szánkó 29 m/s sebességre gyorsul fel. 1 pont

- c) A szánkó most már állandó sebességgel csúszik, így a súrlódási és a 1 pont
légellenállási erők együttes teljesítménye:

$$P = F \cdot v = (38,64 \text{ N} + 0,2 \cdot 29^2 \text{ N}) \cdot 29 \text{ m/s} = 5998,36 \text{ W} \approx 6 \text{ kW} \quad 2+1 \text{ pont}$$

Így a **mechanikai energiaveszteség 2 másodperc alatt 12 kJ.** 1 pont

Összesen: 20 pont

28. Nagy László Fizikaverseny
Szalézi Szent Ferenc Gimnázium, Kazincbarcika
2013. február 28. – március 1.

J a v í t ó k u l c s

11. osztály

4. feladat

- a) Mivel az eredő ellenállásnak 60Ω -nál kisebbnek kell lennie, ezért mindkét kapcsolásban szerepelnie kell párhuzamosan kapcsolt ellenállásoknak. 1 pont

Az egyik esetben mindhárom ellenállást párhuzamosan kapcsoljuk egymással. 1 pont
(rajzért)

Ekkor eredőjük $R/3 = 20 \Omega$. 2 pont

A másik esetben kettőt sorba kötünk egymással, s velük párhuzamosan a harmadikat. 1 pont
(rajzért)

Ekkor az eredő ellenállás $\frac{2R \cdot R}{3R} = 40 \Omega$, ami szintén kisebb 60Ω -nál. 3 pont

- b) Ha az első esetben kapcsoljuk 24 V -ra a párhuzamosan kötött ellenállásokat, akkor a főágban $I' = 24 \text{ V} : 20 \Omega = 1,2 \text{ A}$ erősségű áram folyik. 1 pont

Ez egyenlő arányban oszlik el az egyes mellékágakban, tehát **minden ellenálláson $0,4 \text{ A}$ erősségű áramot mérhetünk.** 1 pont

A második esetben a főág áramerőssége $I'' = 24 \text{ V} : 40 \Omega = 0,6 \text{ A}$. 1 pont

Az egyik mellékág eredő ellenállása 120Ω , a másik ág ellenállása pedig 60Ω . 1 pont

Az ellenállások aránya $2 : 1$. 1 pont

Ezért a főág áramerőssége $1 : 2$ arányban oszlik meg a mellékágakban. 1 pont

Tehát a **60Ω -os ellenálláson $0,4 \text{ A}$, a két sorba kötött ellenálláson pedig $0,2 \text{ A}$ erősségű áram folyik.** 2 pont

- c) Az ellenállások által felvett teljesítmények rendre: 1 pont

- az 1. esetben mindegyiken: $P_1 = 0,16 \text{ A}^2 \cdot 60 \Omega = 9,6 \text{ W}$ 1 pont

- a 2. esetben az egyedülálló ellenálláson $P_2' = P_1 = 9,6 \text{ W}$, míg a sorba kötötteken $P_2'' = 0,04 \text{ A}^2 \cdot 60 \Omega = 2,4 \text{ W}$ 1 pont

Ahhoz, hogy egyik esetben se melegedjenek túl az ellenállások, ezek közül a nagyobbik teljesítményűt kell választani.

Tehát az egyes ellenállásoknak legalább $9,6 \text{ wattos}$ aknak kell lennie. 1 pont

Összesen: 20 pont